

第十八届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

提高组 C++语言试题（竞赛时间：2012 年 10 月 13 日 14:30~16:30）

选手注意：

- 试题纸共有 15 页，答题纸共有 2 页，满分 100 分。请在答题纸上作答，写在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备（如计算器、手机、电子词典等）或查阅任何书籍资料。

一、单项选择题（共 10 题，每题 1.5 分，共计 15 分；每题有且仅有一个正确选项）

1. 目前计算机芯片（集成电路）制造的主要原料是（ ），它是一种可以在沙子中提炼出的物质。

A. 硅 B. 铜 C. 锗 D. 铝

2. （ ）是主要用于显示网页服务器或者文件系统的 HTML 文件内容，并让用户与这些文件交互的一种软件。

A. 资源管理器 B. 浏览器 C. 电子邮件 D. 编译器

3. 目前个人电脑的（ ）市场占有率最靠前的厂商包括 Intel、AMD 等公司。

A. 显示器 B. CPU C. 内存 D. 鼠标

4. 无论是 TCP/IP 模型还是 OSI 模型，都可以视为网络的分层模型，每个网络协议都会被归入某一层中。如果用现实生活中的例子来比喻这些“层”，以下最恰当的是（ ）。

A. 中国公司的经理与伊拉克公司的经理交互商业文件

第 4 层	中国公司经理		伊拉克公司经理
	↑ ↓		↑ ↓
第 3 层	中国公司经理秘书		伊拉克公司经理秘书
	↑ ↓		↑ ↓
第 2 层	中国公司翻译		伊拉克公司翻译
	↑ ↓		↑ ↓
第 1 层	中国邮递员	← →	伊拉克邮递员

B.军队发布命令

第 4 层	司令							
	↓							
第 3 层	军长 1				军长 2			
	↓				↓			
第 2 层	师长 1	师长 2	师长 3	师长 4				
	↓	↓	↓	↓				
第 1 层	团长 1	团长 2	团长 3	团长 4	团长 5	团长 6	团长 7	团长 8

C.国际会议中，每个人都与该国地位对等的人直接进行会谈

第 4 层	英国女王	↔	瑞典国王
第 3 层	英国首相	↔	瑞典首相
第 2 层	英国外交大臣	↔	瑞典外交大臣
第 1 层	英国驻瑞典大使	↔	瑞典驻英国大使

D.体育比赛中，每一级比赛的优胜者晋级上一级比赛

第 4 层	奥运会
	↑
第 3 层	全运会
	↑
第 2 层	省运会
	↑
第 1 层	市运会

5.如果不在快速排序中引入随机化，有可能导致的后果是（ ）。

- A.数组访问越界
- B.陷入死循环
- C.排序结果错误
- D.排序时间退化为平方级

6.1946 年诞生于美国宾夕法尼亚大学的 ENIAC 属于（ ）计算机。

- A.电子管
- B.晶体管
- C.集成电路
- D.超大规模集成电路

7.在程序运行过程中，如果递归调用的层数过多，会因为（ ）引发错误。

- A.系统分配的栈空间溢出
- B.系统分配的堆空间溢出
- C.系统分配的队列空间溢出
- D.系统分配的链表空间溢出

8.地址总线的位数决定了 CPU 可直接寻址的内存空间大小，例如地址总线为 16 位，其最大的可寻址空间为 64KB。如果地址总线是 32 位，则理论上最大可寻址的内存空间为（ ）。

- A.128KB
- B.1MB
- C.1GB
- D.4GB

9.以下不属于目前 3G（第三代移动通信技术）标准的是（ ）。

- A.GSM
- B.TD-SCDMA
- C.CDMA2000
- D.WCDMA

10.仿生学的问世开辟了独特的科学技术发展道路。人们研究生物体的结构、功能和工作原理，并将这些原理移植于新兴的工程技术之中。以下关于仿生学的叙述，错误的是（ ）。

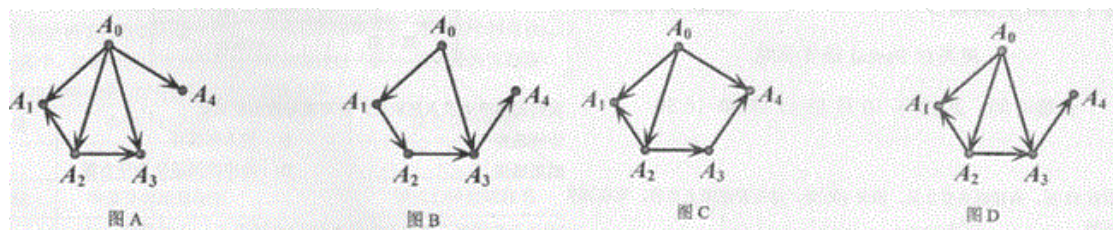
- A.由研究蝙蝠，发明雷达
- B.由研究蜘蛛网，发明因特网
- C.由研究海豚，发明声纳
- D.由研究电鱼，发明伏特电池

二、不定项选择题（共 10 题，每题 1.5 分，共计 15 分；每题有一个或多个正确选项，多选或少选均不得分）

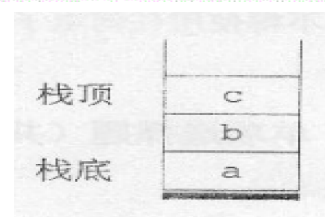
1.如果对于所有规模为 n 的输入，一个算法均恰好进行（ ）次运算，我们可以说该算法的时间复杂度为 $O(2^n)$ 。

- A. 2^{n+1}
- B. 3^n
- C. $n \cdot 2^n$
- D. 2^{2n}

2.从顶点 A_0 出发，对有向图（ ）进行广度优先搜索（BFS）时，一种可能的遍历顺序是 A_0, A_1, A_2, A_3, A_4 。



3.如果一个栈初始时空，且当前栈中的元素从栈底到栈顶依次为 a,b,c（如右图所示），另有元素 d 已经出栈，则可能的入栈顺序有（ ）。



- A.a,b,c,d B.b,a,c,d
C.a,c,b,d D.d,a,b,c

4.在计算机显示器所使用的 RGB 颜色模型中，()属于三原色之一。

- A.黄色 B.蓝色 C.紫色 D.绿色

5.一棵二叉树一共有 19 个节点，其叶子节点可能有()个。

- A.1 B.9 C.10 D.11

6.已知带权有向图 G 上的所有权值均为正整数，记顶点 u 到顶点 v 的最短路径的权值为 $d(u, v)$ 。若 v_1, v_2, v_3, v_4, v_5 是图 G 上的顶点，且它们之间两两都存路径可达，则以下说法正确的有()。

- A. v_1 到 v_2 的最短路径可能包含一个环
B. $d(v_1, v_2) = d(v_2, v_1)$
C. $d(v_1, v_3) \leq d(v_1, v_2) + d(v_2, v_3)$
D. 如果 $v_1 \rightarrow v_2 \rightarrow v_3 \rightarrow v_4 \rightarrow v_5$ 是 v_1 到 v_5 的一条最短路径，那么 $v_2 \rightarrow v_3 \rightarrow v_4$ 是 v_2 到 v_4 的一条最短路径

7.逻辑异或 (\oplus) 是一种二元运算，其真值表如下所示。

a	b	$a \oplus b$
False	False	False
False	True	True
True	False	True
True	True	Flase

以下关于逻辑异或的性质，正确的有()。

- A. 交换律： $a \oplus b = b \oplus a$
B. 结合律： $(a \oplus b) \oplus c = a \oplus (b \oplus c)$
C. 关于逻辑与的分配律： $a \oplus (b \wedge c) = (a \oplus b) \wedge (a \oplus c)$
D. 关于逻辑或的分配律： $a \oplus (b \vee c) = (a \oplus b) \vee (a \oplus c)$

8.十进制下的无限循环小数(不包括循环节内的数字均为 0 或均为 9 的平凡情况)，在二进制下有可能是()。

- A. 无限循环小数(不包括循环节内的数字均为 0 或均为 9 的平凡情)
B. 无限不循环小数

C. 有限小数

D. 整数

9. () 是目前互联网上常用的 E-mail 服务协议。

A. HTTP

B. FTP

C. POP3

D. SMTP

10. 以下关于计算复杂度的说法中, 正确的有 ()。

A. 如果一个问题不存在多项式时间的算法, 那它一定是 NP 类问题

B. 如果一个问题不存在多项式时间的算法, 那它一定不是 P 类问题

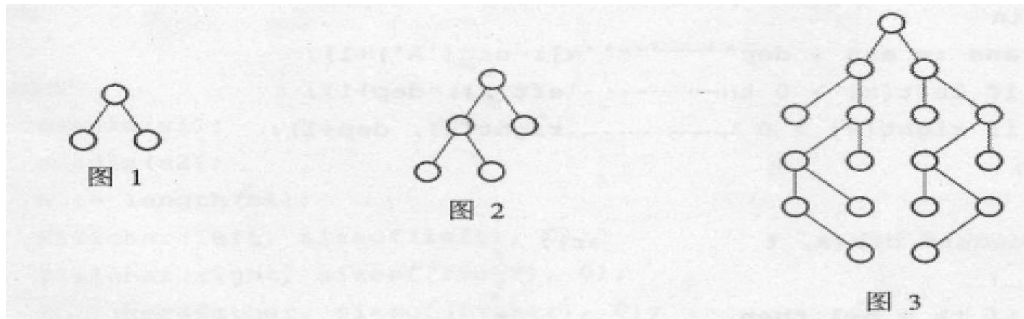
C. 如果一个问题不存在多项式空间的算法, 那它一定是 NP 类问题

D. 如果一个问题不存在多项式空间的算法, 那它一定不是 P 类问题

三、问题求解 (共 2 题, 每题 5 分, 共计 10 分)

1. 本题中, 我们约定布尔表达式只能包含 p, q, r 三个布尔变量, 以及 “与” (\wedge)、 “或” (\vee)、 “非” (\neg) 三种布尔运算。如果无论 p, q, r 如何取值, 两个布尔表达式的值总是相同, 则称它们等价。例如, $(p \vee q) \vee r$ 和 $p \vee (q \vee r)$ 等价, $p \vee \neg p$ 和 $q \vee \neg q$ 也等价; 而 $p \vee q$ 和 $p \wedge q$ 不等价。那么, 两两不等价的布尔表达式最多有_____个。

2. 对于一棵二叉树, 独立集是指两两互不相邻的节点构成的集合。例如, 图 1 有 5 个不同的独立集 (1 个双点集合、3 个单点集合、1 个空集), 图 2 有 14 个不同的独立集。那么, 图 3 有_____个不同的独立集。



四、阅读程序写结果 (共 4 题, 每题 8 分, 其中第 3 题的 2 个小题各 4 分, 共计 32 分)

1. #include<iostream>

using namespace std;

int n,i,temp,sum,a[100];

int main()

{

cin>>n;

for(i=1;i<=n;i++)

```

        cin>>a[i];
    for(i=1;i<=n-1;i++)
        if(a[i]>a[i+1]){
            temp=a[i];
            a[i]=a[i+1];
            a[i+1]=temp;
        }
    for(i=n;i>=2;i--)
        if(a[i]<a[i-1]){
            temp=a[i];
            a[i]=a[i-1];
            a[i-1]=temp;
        }
    sum=0;
    for(i=2;i<=n-1;i++)
        sum+=a[i];
    cout<<sum/(n-2)<<endl;
    return 0;
}

```

输入：

8

40 70 50 70 20 40 10 30

输出：_____

```

2. #include<iostream>
    using namespace std;
    int n,i,ans;
    int gcd(int a,int b)
    {

```

```

    if(a%b==0)
        return b;
    else
        return gcd(b,a%b);
}
int main()
{
    cin>>n;
    ans=0;
    for(i=1;i<=n;i++)
        if(gcd(n,i)==i)
            ans++;
    cout<<ans<<endl;
}

```

输入：120

输出：_____

3. #include<iostream>

```

using namespace std;
const int SIZE=20;
int data[SIZE];
int n,i,h,ans;
void merge()
{
    data[h-1]=data[h-1]+data[h];
    h--;
    ans++;
}
int main()

```

```

{
    cin>>n;
    h=1;
    data[h]=1;
    ans=0;
    for(i=2;i<=n;i++)
    {
        h++;
        data[h]=1;
        while(h>1&&data[h]==data[h-1])
            merge();
    }
    cout<<ans<<endl;
}

```

(1)

输入 : 8

输出 : _____ (4分)

(2)

输入 : 2012

输出 : _____ (4分)

4. #include<iostream>
#include<string>
using namespace std;
int lefts[20],rights[20],father[20];
string s1,s2,s3;
int n,ans;
void calc(int x,int dep)


```

{
    ans=ans+dep*(s1[x]-'A'+1);
    if(lefts[x]>=0)calc(lefts[x],dep+1);
    if(rights[x]>=0)calc(rights[x],dep+1);
}
void check(int x)
{
    if(lefts[x]>=0)check(lefts[x]);
    s3=s3+s1[x];
    if(rights[x]>=0)check(rights[x]);
}
void dfs(int x,int th)
{
    if(th==n)
    {
        s3="";
        check(0);
        if(s3==s2)
        {
            ans=0;
            calc(0,1);
            cout<<ans<<endl;
        }
        return;
    }
    if(lefts[x]==-1&&rights[x]==-1)
    {
        lefts[x]=th;
        father[th]=x;
        dfs(th,th+1);
    }
}

```

```

        father[th]=-1;
        lefts[x]=-1;
    }
    if(rights[x]==-1)
    {
        rights[x]=th;
        father[th]=x;
        dfs(th,th+1);
        father[th]=-1;
        rights[x]=-1;
    }
    if(father[x]>=0)
        dfs(father
    }
int main()
{
    cin>>s1;
    cin>>s2;
    n=s1.size()
    memset(lefts,
    memset(rights
    memset(father
    dfs(0,1);
}

```

输入：

ABCDEF

BCAEDF

输出：_____

五、完善程序 (第 1 题第 2 空 3 分 , 其余每空 2.5 分 , 共计 28 分)

1. (排列数) 输入两个正整数 $n, m (1 \leq n \leq 20, 1 \leq m \leq n)$, 在 $1 \sim n$ 中任取 m 个数 , 按字典序从小到大输出所有这样的排列。例如

输入 : 3 2

输出 : 1 2

1 3

2 1

2 3

3 1

3 2

```
#include<iostream>
```

```
#include<cstring>
```

```
Using namespace std;
```

```
Const int SIZE=25;
```

```
bool used[SIZE];
```

```
int data[SIZE];
```

```
int n,m,i,j,k;
```

```
bool flag;
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    cin>>n>>m;
```

```
    memset(used,false,sizeof(used));
```

```
    for(i=1;i<=m;i++)
```

```
    {
```

```
        data[i]=i;
```

```
        used[i]=true;
```

```

}
flag=true;
while(flag)
{
    for(i=1;i<=m-1;i++)cout<<data[i]<<" ";
    cout<<data[m]<<endl;
    flag= ① _____;
    for(i=m;i>=1;i--)
    {
        ② _____;
        for(j=data[i]+1;j<=n;j++)if(!used[j])
        {
            used[j]=true;
            data[i]=③ _____;
            flag=true;
            break;
        }
        if(flag)
        {
            for(k=i+1;k<=m;k++)
                for(j=1;j<=④ _____;j++)if(!used[j])
                {
                    data[k]=j;
                    used[j]=true;
                    break;
                }
            ⑤ _____;
        }
    }
}

```

```

    }
}

```

2. (新壳栈)小 Z 设计了一种新的数据结构“新壳栈”。首先,它和传统的栈一样支持压入、弹出操作。此外,其栈顶的前 c 个元素是它的壳,支持翻转操作。其中, $c > 2$ 是一个固定的正整数,表示壳的厚度。小 Z 还希望,每次操作,无论是压入、弹出还是翻转,都仅用与 c 无关的常数时间完成。聪明的你能帮助她编程实现“新壳栈”吗?

程序期望的实现效果如以下两表所示。其中,输入的第一行是正整数 c ,之后每行输入都是一条指令。另外,如遇弹出操作时栈为空,或翻转操作时栈中元素不足 c 个,应当输出相应的错误信息。

指令	涵义
1[空格]e	在栈顶压入元素 e
2	弹出(并输出)栈顶元素
3	翻转栈顶的前 c 个元素
0	退出

表 1: 指令的涵义

输入	输出	栈中的元素 (左为栈底,右为栈顶)	说明
3			输入正整数 c
1 1		1	压入元素 1
1 2		1 2	压入元素 2
1 3		1 2 3	压入元素 3
1 4		1 2 3 4	压入元素 4
3		1 <u>4 3 2</u>	翻转栈顶的前 c 个元素
1 5		1 4 3 2 5	压入元素 5

3		1 4 <u>5 2 3</u>	翻转栈顶的前 c 个元素
2	3	1 4 5 2	弹出栈顶元素 3
2	2	1 4 5	弹出栈顶元素 2
2	5	1 4	弹出栈顶元素 5
3	错误信息	1 4	由于栈中元素不足 c 个，无法翻转，故操作失败，输出错误信息
2	4	1	弹出栈顶元素 4
2	1	空	弹出栈顶元素 1
2	错误信息	空	由于栈中元素不足 c 个，无法翻转，故操作失败，输出错误信息
0		空	退出

表 2：输入输出样例

```

#include<iostream>
using namespace std;

const int

    NSIZE=100000,
    CSIZE=1000;
int n,c,r,tail,head,s[NSIZE],q[CSIZE];
//数组 s 模拟一个栈，n 为栈的元素个数
//数组 q 模拟一个循环队列，tail 为队尾的下标，head 为队头的下
bool direction,empty;

int previous(int k)
{

```

```
    if(direction)
        return((k+c-2)%c)+1;
    else
        return(k%c)+1;
}
```

```
int next(int k)
{
    if(direction)
        ①_____;
    else
        return((k+c-2)%c)+1;
}
```

```
void push()
{
    int element;

    cin>>element;
    if(next(head)==tail){
        n++;
        ②_____;
        tail=next(tail);
    }
    if(empty)
        empty=false;
    else
        head=next(head);
    ③=element;
```

```

}
void pop()
{
    if(empty){
        cout<<"Error:the stack is empty!"<<
        return;
    }
    cout<<④<<endl;
    if(tail==head)
        empty=true;
    else{
        head=previous(head);
        if(n>0){
            tail=previous(tail);
            ⑤____=s[n];
            n--;
        }
    }
}

```

```

void reverse()
{
    int temp;
    if(⑥____==tail){
        direction=!direction;
        temp=head;
        head=tail;
        tail=temp;
    }
}

```



```
    else
        cout<<"Error:less than"<<c<<"elements in the stack!"<<endl;
}

int main()
{
    cin>>c;
    n=0;
    tail=1;
    head=1;
    empty=true;
    direction=true;
    do{
        cin>>r;
        switch(r){
            case 1:push();break;
            case 2:pop();break;
            case 3:reverse();break;
        }
    }while(r!=0);
    return 0;
}
```

第十八届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

提高组参考答案

一、单项选择题（共 10 题，每题 1.5 分，共计 15 分）

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	B	B	A	D	A	A	D	A	B

二、不定项选择题（共 10 题，每题 1.5 分，共计 15 分，多选或少选均不得分）

1	2	3	4	5
A	AD	AD	BD	ABC
6	7	8	9	10
CD	AB	A	CD	BD

三、问题求解（共 2 题，每题 5 分，共计 10 分）

1. 256
2. 5536

四、阅读程序写结果（共 4 题，每题 8 分，其中第 3 题的 2 个小题各 4 分，共计 32 分）

1. 41
2. 16
3. (1) 7 (4 分)
 (2) 2004 (4 分)
4. 55

五、完善程序（第 1 题第 2 空 3 分，其余每空 2.5 分，共计 28 分）以下各程序填空可能还有一些等价的写法，各省赛区可请本省专家审定和上机验证，可以不上报 CCF NOI 科学委员会检查。

		Pascal 语言	C++语言	C 语言
1	①	false		0
	②	used[data[i]] := false	used[data[i]] = false	used[data[i]] = 0
	③	j		
	④	n		
	⑤	break		
2	①	next := (k mod c) + 1	return (k % c) + 1	
	②	s[n] := q[tail]	s[n] = q[tail]	
	③	q[head]		
	④	q[head]		
	⑤	q[tail]		
	⑥	next(head)		

其中，Pascal 语言和 C++语言中的 false 可以用 0 代替；第 2 题第 1 空中的圆括号可以省略。

